

Курс: Функциональное программирование Практика 5. Программирование на языке Haskell

Разминка

► На каких из следующих образцов удачно завершится сопоставление строки "Wow"

```
(x : y)
((:) x y)
[x, y]
(x : y : z)
[x, y, z]
(x : [y, z])
(x : y : z : [])
(x : y : z : w)
(x : y : z : w : [])
```

Какие значения будут связаны с переменными при удачном сопоставлении?

► Вернёт ли вызов `f "False"` что-нибудь и, если вернёт, то что?

```
f (~ t : ~ r : ~ u : ~ "e") = (:) r $ (:) u [u]
```

Обработка списков

Нужно реализовать функцию, **не используя стандартные функции и выделение списков**.

- Найдите количество четных элементов в заданном списке.
- Сформируйте новый список, содержащий только нечетные элементы исходного.
- Сформируйте новый список, в котором переставлены местами четные и нечетные (по порядку следования) элементы исходного.
- Даны два списка целых чисел. Сформируйте список, каждый элемент которого равен сумме соответствующих элементов исходных списков. Не забудьте про возможность разной длины исходных списков.
- Поменяйте порядок элементов списка на противоположный.
- Сформируйте список, содержащий подсписок длины `n` исходного списка, начиная с `k`-го элемента исходного.

Стандартные функции для списков

Нужно реализовать функцию, используя стандартные функции и/или выделение, но **не используя явную рекурсию**.

- ▶ Дан список целых чисел. Увеличить все его элементы в два раза.
- ▶ Дан список целых чисел. Увеличить все его элементы с четными значениями в два раза.
- ▶ Дан список целых чисел. Обнулить все его элементы с нечетными значениями.
- ▶ Дан список целых чисел. Построить список пар: элемент, его порядковый номер.
- ▶ Дан список целых чисел. Обнулить все его элементы с нечетными порядковыми номерами.
- ▶ Дан список целых чисел. Удалить из него элементы, большие заданного числа k .
- ▶ Даны три списка целых чисел. Составить список сумм соответствующих элементов этих списков. Длина результирующего списка ограничена длиной самого короткого из заданных списков.

Домашнее задание

- ▶ (1 балл) Тип данных `Ordering` определен в стандартной библиотеке так:

```
data Ordering = LT | EQ | GT
```

Он используется при определении функций, сравнивающих элементы каких-либо типов. Если первый аргумент меньше второго, возвращается `LT`, если равен — `EQ`, если больше — `GT`.

Определим тип `LogLevel` следующим образом

```
data LogLevel = Error | Warning | Info
```

Реализуйте функцию `cmp`, сравнивающую элементы типа `LogLevel` так, чтобы имел место порядок `Error > Warning > Info`.

```
cmp :: LogLevel -> LogLevel -> Ordering
cmp = undefined
```

- ▶ (1 балл) Тип данных `Person` определен как запись:

```
data Person = Person {firstName :: String, lastName :: String, age :: Int}
```

Реализуйте функцию `abbrFirstName`, которая сокращает имя до первой буквы с точкой, то есть если имя было “John”, то после применения этой функции, оно превратится в “J.”. Однако если имя было короче двух символов, то оно не меняется.

```
abbrFirstName :: Person -> Person
abbrFirstName = undefined
```

► (1 балл) Следующий рекурсивный тип данных задает бинарное дерево:

```
data Tree a = Leaf | Node (Tree a) a (Tree a)
```

Напишите следующие функции:

► вычисление суммы элементов дерева

```
treeSum :: Tree Integer -> Integer
treeSum = undefined
```

► вычисление максимальной высоты дерева

```
treeHeight :: Tree a -> Int
treeHeight = undefined
```

► (1 балл) Составить список сумм соответствующих элементов трех заданных списков. Длина результирующего списка должна быть равна длине самого длинного из заданных списков, при этом «закончившиеся» списки не должны давать вклада в суммы.

```
sum3 :: Num a => [a] -> [a] -> [a] -> [a]
sum3 = undefined
```

► (1 балл) Сформируйте список цифр заданного целого числа.

```
digits :: Integer -> [Integer]
digits = undefined
```

► (1 балл) Определите, содержит ли заданное целое число все цифры от 1 до 9. (Используйте функцию `digits` из предыдущего задания.)

```
containsAllDigits :: Integer -> Bool
containsAllDigits = undefined
```

► (1 балл) Определите, содержит ли заданное целое число все цифры от 1 до 9 в точности по одному разу. (Используйте функцию `digits` из предыдущего задания.)

```
containsAllDigitsOnes :: Integer -> Bool
containsAllDigitsOnes = undefined
```

► (1 балл) Из заданного списка выделите подсписок, состоящий из элементов с n -го номера по k -ый, считая от нуля. При этом n -ый элемент должен входить в результат, а k -ый — нет.

```
sublist :: Int -> Int -> [a] -> [a]
sublist = undefined
```

Постарайтесь обеспечить разумное поведение для произвольных целых индексов и для бесконечных списков.

► (1 балл) Повторите каждый элемент списка заданное число раз.

```
repeatEveryElem :: Int -> [a] -> [a]
repeatEveryElem = undefined
```

► (1 балл) Дан список (возможно бесконечный) $[a_1, a_2, \dots]$ и положительное целое число n . Создайте список «скользящих» подсписков длины n , то есть список списков следующего вида:

```
[[a1, ..., an], [a2, ..., a(n+1)], [a3, ..., a(n+2)], ...]
```

```
movingLists :: Int -> [a] -> [[a]]
movingLists = undefined
```

Курсовая работа

► Следующий тип данных может использоваться для описания термов чистого нетипизированного лямбда-исчисления:

```
type Symb = String
```

```
infixl 2 :@
```

```
data Expr = Var Symb
          | Expr :@ Expr
          | Lam Symb Expr
```

Например, комбинатор $\omega = \lambda x. xx$ в этом представлении будет иметь вид `Lam "x" (Var "x" :@ Var "x")`.

► (3 балла) Реализуйте алгоритм подстановки терма n вместо всех свободных вхождений переменной v в терме m ($m[v:=n]$)

```
subst :: Symb -> Expr -> Expr -> Expr
subst v n m = undefined
```

Не забудьте про коллизии, связанные с захватом свободных переменных, и необходимость переименования связанных переменных в этом случае.

► (2 балла) Реализуйте алгоритм проверки α -эквивалентности двух термов:

```
alphaEq :: Expr -> Expr -> Bool
alphaEq = undefined
```

► (3 балла) Реализуйте алгоритм одношаговой β -редукции, сокращающий самый левый внешний редекс в терме, если это возможно:

```
reduceOnce :: Expr -> Maybe Expr
reduceOnce = undefined
```

► (1 балл) Реализуйте функцию многошаговой редукции к нормальной форме, использующую нормальную стратегию редукции:

```
nf :: Expr -> Expr
nf = undefined
```

► (1 балл) Реализуйте алгоритм проверки β -эквивалентности двух термов:

```
betaEq :: Expr -> Expr -> Bool
betaEq = undefined
```