

Домашнее задание №4: «Байес на страже SMS»

Дедлайн 1 (20 баллов): 19 марта, 23:59

Дедлайн 2 (10 баллов): 26 марта, 23:59

Домашнее задание нужно написать на Python и сдать в виде одного файла. Правило именования файла: `name_surname_4.[py | ipnb]`. Например, если вас зовут Иван Петров, то имя файла должно быть: `ivan_petrov_4.py` или `ivan_petrov_4.ipnb`.



В данном домашнем задании предлагается реализовать наивный Байесов классификатор для определения спама в SMS-сообщении. По ссылке ¹ находится датасет, размеченных сообщений. Первое слово строки это идентификатор класса `spam` или `ham`, далее через табуляцию следует сообщение.

1 Прежде чем строить классификатор нужно привести данные в удобный для классификации формат. Для этого воспользуемся стандартной моделью для текстов под названием `Bag of words` ².

Реализуйте функцию `vectorize`, принимающую на вход список строк длины N и возвращающую матрицу размера (N, M) , где M размер словаря для входных данных. В качестве словаря будем использовать все слова, которые встречаются в переданном массиве. В каждой строке матрицы на j -м позиции находится число x , которое означает, что j -е слово встретилось в сообщении x раз.

2 Наивный Байесов классификатор работает в предположении о независимости признаков объекта. В нашем случае это означает, что вероятность встретить некоторое слово в сообщении не зависит от наличия других слов в этом сообщении.

Т.к. мы векторизовали сообщения с учётом частот встречаемости слов, мы будем использовать мультиномиальную модель классификатора и оценки будут несколько отличаться от тех, которые использовались на лекции.

¹<https://gist.github.com/ktisha/6951a0b85cf040cdeb46819e51fb62dd>

²https://en.wikipedia.org/wiki/Bag-of-words_model

Оценку для параметров для каждого из признаков можно записать следующим образом:

$$\theta_{yj} = \frac{\sum_{i=1}^l [y_i = y] x_{ij}}{\sum_{j \in V} \sum_{i=1}^l [y_i = y] x_{ij}}$$

x_{ij} – значение j -го признака объекта i

V – словарь входных данных.

Другими словами, числитель описывает сколько раз слово встречается в сообщениях класса y (включая повторы), а знаменатель – это суммарное количество слов во всех документах этого класса.

Реализуйте метод `fit`, который по переданной выборке вычисляет следующие параметры, которые понадобятся на этапе классификации:

1. оценка априорной вероятности классов \hat{P}_y
2. относительные частоты слов для каждого класса
3. суммарное количество слов для сообщений каждого класса
4. размер словаря выборки

```
class NaiveBayes:
    def __init__(self, alpha):
        self.alpha = alpha
        ...

    def fit(self, X, y):
        ...

    def predict(self, X):
        ...

    def score(self, X, y):
        ...
```

4 Реализуйте метод `predict`, принимающий массив объектов X и возвращающий список соответствующих меток классов. Алгоритм классификации выглядит следующим образом:

$$a(x) = \arg \max_{y \in Y} P_y \prod_{j=1}^{|V|} p(x^j | y)$$

Однако при достаточно большой длине сообщения придётся перемножать большое количество очень маленьких чисел. Стандартный способ избежать арифметического переполнения снизу³ – применение логарифма к выражению, стоящему под $\arg \max$. Таким образом формула для нашего алгоритма переписывается следующим образом:

$$a(x) = \arg \max_{y \in Y} [\log(P_y) + \sum_{j=1}^{|V|} \log(p(x^j | y))]$$

³https://en.wikipedia.org/wiki/Arithmetic_underflow

Для решения проблемы неизвестных слов при классификации воспользуйтесь сглаживанием Лапласа для $p(x^j|y)$. В нашей модели данных аддитивное сглаживание⁴ выражается в добавлении α в числитель и $\alpha * |V|$ в знаменатель выражения из пункта 2.

6 Реализуйте метод `score` для оценки работы классификатора, вычисляющий процент правильно классифицированных объектов.

⁴https://en.wikipedia.org/wiki/Additive_smoothing