

Основные обозначения, используемые в курсе
 «Алгебраические структуры»
 (лектор: Е. Е. Горячко)

Множества и отображения

\mathbb{N}_0	множество, состоящее из нуля и натуральных чисел
X^n	n -я прямая степень множества X ($n \in \mathbb{N}_0$)
$\text{Map}(X, Y)$	множество отображений, действующих из множества X в множество Y
$\text{Inj}(X, Y)$	множество инъекций, действующих из множества X в множество Y
$\text{Surj}(X, Y)$	множество сюръекций, действующих из множества X в множество Y
$\text{Bij}(X, Y)$	множество биекций, действующих из множества X в множество Y
$f(A)$	образ подмножества A области отображения f под действием отображения f
$f^{-1}(B)$	прообраз подмножества B кообласти отображения f под действием отображения f
$\text{Im } f$	образ отображения f
X/\sim	фактормножество множества X по отношению эквивалентности \sim

Общая алгебра

$\text{Hom}(S, V)$	множество гомоморфизмов, действующих из Σ -структурой S в Σ -структурой V
$\text{End}(S)$	моноид эндоморфизмов Σ -структурой S
$\text{Aut}(S)$	группа автоморфизмов Σ -структурой S
\cong	изоморфность
\leq	включение в качестве подструктуры
$\langle D \rangle$	подструктура, порожденная подмножеством D Σ -структурой
(Δ)	конгруэнция, порожденная бинарным отношением Δ на Σ -структуре
S/\sim	факторструктура Σ -структурой S по конгруэнции \sim
$\text{Ker } f$	ядро гомоморфизма f
S^{ab}	абелианизация Σ -структурой S (арности всех символов Σ -операций не больше двух)
$R \times T$	прямое произведение Σ -структур R и T
Var_I	многообразие Σ -структур, определяемое множеством Σ -тождеств I
$F_I(B)$	свободная Σ -структура в многообразии Var_I , порожденная множеством B
$\langle D \mid \Delta \rangle_I$	Σ -структура в многообразии Var_I , заданная множеством образующих D и множеством соотношений Δ (Δ — бинарное отношение на Σ -структуре $F_I(D)$)

Основные алгебраические структуры

F_n	свободная группа ранга n ($n \in \mathbb{N}_0 \cup \{\infty\}$)
S_n	симметрическая группа степени n ($n \in \mathbb{N}_0 \cup \{\infty\}$)
\mathbb{Z}, \mathbb{Q}	кольцо целых чисел, поле рациональных чисел
$\mathbb{R}, \mathbb{C}, \mathbb{H}$	поле вещественных чисел, поле комплексных чисел, тело кватернионов
$R[x_1, \dots, x_n]$	кольцо многочленов от переменных x_1, \dots, x_n над кольцом R ($n \in \mathbb{N}_0$)
$R[[x_1, \dots, x_n]]$	кольцо рядов от переменных x_1, \dots, x_n над кольцом R ($n \in \mathbb{N}_0$)
$K(x_1, \dots, x_n)$	поле рациональных дробей от переменных x_1, \dots, x_n над полем K ($n \in \mathbb{N}_0$)
R^n и ${}^n R$	модули столбцов высоты n и строк длины n над кольцом R ($n \in \mathbb{N}_0$)
$\text{Mat}(m, n, R)$	модуль матриц с m строками и n столбцами над кольцом R ($m, n \in \mathbb{N}_0$)
$\text{Mat}(n, R)$	кольцо матриц с n строками и n столбцами над кольцом R ($n \in \mathbb{N}_0$)
$\text{GL}(n, R)$	полная линейная группа степени n над кольцом R ($n \in \mathbb{N}_0$)
\mathbb{F}_q	поле порядка q (q — примарное число)

Группы

$\text{W}(B)$	моноид слов над множеством B (свободный моноид, порожденный множеством B)
$\text{Map}(X)$	моноид отображений множества X
M^\times	группа обратимых элементов моноида M
μ_n	группа комплексных корней n -й степени из единицы ($n \in \mathbb{N}$)
\mathbb{T}	группа комплексных чисел с единичным модулем
$\text{F}(B)$	свободная группа, порожденная множеством B
$\text{S}(X)$	симметрическая группа множества X
D_n и Oct_n	группы автоморфизмов n -угольника и n -мерного октаэдра ($n \in \mathbb{N}$)

G/H и $H\backslash G$	множества правых и левых классов смежности группы G по подгруппе H
$ G : H $	индекс подгруппы H группы G
$Z_G(X)$ и $Z(G)$	централизатор подмножества X группы G и центр группы G
$\text{ord}(g)$	порядок элемента g группы
C_n	циклическая группа порядка n ($n \in \mathbb{N}$)
\trianglelefteq	включение в качестве нормальной подгруппы
(D)	нормальная подгруппа, порожденная подмножеством D группы
$N_G(X)$	нормализатор подмножества X группы G
$\text{Inn}(G)$	группа внутренних автоморфизмов группы G
$[G, G]$	коммутант группы G
${}^c(F \rtimes H)$	полупрямое произведение групп F и H относительно действия автоморфизмами c группы H на группе F
$X(E \wr H)$	сплетение групп E и H относительно H -множества X
	<i>Элементарная теория чисел</i>
\mathbb{P}	множество простых чисел
\mathbb{Z}/n	кольцо остатков по модулю n ($n \in \mathbb{N}$)
gcd, lcm	наибольший общий делитель, наименьшее общее кратное
φ	функция Эйлера
$\left(\frac{a}{n}\right)$	символ Яоби числа a по модулю n ($a \in \mathbb{Z}$ и $n \in (2\mathbb{N}_0 + 1)$)
	<i>Симметрические группы и действия групп</i>
$\kappa_l(u)$ и $\kappa(u)$	число циклов длины l и общее число циклов в перестановке u ($l \in \mathbb{N}$)
$\begin{bmatrix} n \\ k \end{bmatrix}$ и $\left\{ \begin{smallmatrix} n \\ k \end{smallmatrix} \right\}$	числа Стирлинга первого рода без знака и второго рода из n по k ($k, n \in \mathbb{N}_0$)
$\text{inv}(u)$	множество инверсий перестановки u
$\text{sgn}(u)$	знак перестановки u
A_n	знакопеременная группа степени n ($n \in \mathbb{N}_0 \cup \{\infty\}$)
$G \setminus X$	множество орбит G -множества X
$\text{St}_G(x)$	стабилизатор точки x , принадлежащей G -множеству
$\text{Fix}_X(g)$	подмножество неподвижных под действием элемента g точек G -множества X ($g \in G$)
	<i>Кольца, модули, поля</i>
$R[M]$	моноидное кольцо моноида M над кольцом R
R^+ и R^\times	аддитивная и мультипликативная группы кольца R
$\text{Irr}(R)$	множество неприводимых элементов кольца R
R^{op}	кольцо, противоположное кольцу R
$Q(R)$	поле частных областей целостности R
$S[r_1, \dots, r_n]$	подкольцо, порожденное подкольцом S и элементами r_1, \dots, r_n кольца, коммутирующими между собой и с элементами подкольца S ($n \in \mathbb{N}_0$)
$Z_R(X)$ и $Z(R)$	централизатор подмножества X кольца R и центр кольца R
$\text{char } R$	характеристика кольца R
\trianglelefteq	включение в качестве двустороннего идеала
(D)	двусторонний идеал, порожденный подмножеством D кольца
$\text{Prime}(R)$	множество простых элементов коммутативного кольца R
\sim	ассоциированность
$(R^B)_{\mathbf{f}}$	модуль финитных функций на множестве B со значениями в кольце R (свободный R -модуль, порожденный множеством B)
$\text{Mat}(C, B, R)_{\text{cf}}$	модуль матриц со строками, индексированными множеством C , и финитными столбцами, индексированными множеством B , над кольцом R
$\text{Mat}(B, R)_{\text{cf}}$	кольцо матриц со строками и финитными столбцами, индексированными множеством B , над кольцом R
$\text{rk } M$	ранг свободного модуля M над IBN-кольцом
$\dim V$	размерность векторного пространства V
$ E : K $	степень расширения E поля K
$K(e_1, \dots, e_n)$	подрасширение, порожденное элементами e_1, \dots, e_n расширения поля K ($n \in \mathbb{N}_0$)
$\text{Spl}(f, K)$	поле разложения многочлена f над полем K ($f \in K[x] \setminus \{0\}$)